

```

> #TPI
> # Entrez les instructions suivantes, observez et interpretez les résultats
> 2 + 3; 2·7; 4;  $\frac{2}{7}$ ;  $\frac{2}{3} + \frac{5}{7 + \frac{8}{7}}$ ;
                    5
                    14
                    4
                     $\frac{2}{7}$ 
                     $\frac{73}{57}$ 
(1)

> # Parler du stackage des résultats dans une pile
> 1 : g := 3·x + 1 :
> sqrt(5); Pi; pi; evalf(Pi); evalf(pi); evalf(E) : evalf(e) : evalf(exp(1));  $I^2$ ; 1 + 2·I; Digits
:= 20 : evalf(exp(1))
                     $\sqrt{5}$ 
                     $\pi$ 
                     $\pi$ 
                    3.141592654
                     $\pi$ 
                    2.718281828
                    -1
                    1 + 2 I
                    2.7182818284590452354
(2)

> ? evalf
> z := 1 + x +  $\frac{x^2}{1-x} \cdot (1 + x + x^2)$ 
                    z := 1 + x +  $\frac{x^2(x^2 + x + 1)}{1-x}$ 
(3)

> simplify(%)
                     $-\frac{x^4 + x^3 + 1}{-1 + x}$ 
(4)

> subs(x=0, %)
                    1
(5)

> z;
                    1 + x +  $\frac{x^2(x^2 + x + 1)}{1-x}$ 
(6)

> z := 'z'; z; #réinitialisation de la variable z
                    z := z
                    z
(7)

```

**Exercice 1 :** Evaluer  $5/7$ ,  $\text{sqrt}(5)$ ,  $\text{Pi}$ ,  $\text{exp}(1)$ ,  $\text{ln}(5)$ ,  $\text{sin}(\text{Pi}/7)$ ,  $\text{cos}(\text{Pi}/9)$ ,  $1/(1+\text{sqrt}(3))$  avec une précision de 30 décimales

**Exercice 2 :** Utiliser l'aide de Maple pour comprendre ce que font les commandes : `simplify`, `expand`, `rationalize`, `factor`, `combine`, `solve`

**Exercice 3 :** Simplifier la formule  $\frac{1}{1-x} + \frac{1}{(1-x)^2} + \frac{1}{(1-x-x^2)^2}$  :

**Exercice 4 :** Développer la formule  $(1+x) \cdot (1-x^2-x^3) \cdot (1+y)$  :

**Exercice 5 :** Factoriser  $1+x^2-2 \cdot x$  :

Factoriser  $x^2-4$  :

Factoriser  $x^2-2$  :

Factoriser  $x^2+4$  :

Factoriser  $x^2+2$  :

Factoriser  $1+x^2+x$  :

Factoriser  $1+2 \cdot x+2 \cdot x-5 \cdot x^3$  :

Factoriser  $-5x^3 + \frac{7}{2}x + \frac{3}{2}$  :

Trouver les solutions de l'équation  $\text{solve}\left(-5x^4 + \frac{7}{2}x + \frac{3}{2}\right)$  :

**Exercice 6 :** Donner une forme sans racine au dénominateur  $\frac{1-x}{1+x+\text{sqrt}(x)}$  :

**Exercice 7 :** Développer la formule :  $\cos(2 \cdot x)$  :

**Exercice 8 :** Linéariser la formule :  $4 \sin(x)^3$ :

[> #stockage des formules

On peut connaître le type d'une expression avec `whattype()`. la fonction `nops()` renvoie le nombre d'opérandes, la fonction `op(i,exp)` renvoie la ième

[>  $A := 2 \cdot x + t \cdot (y + 4)$ ; `whattype(A)`; `nops(A)`; `op(2, A)`; `op(A)`;

$A := 2x + t(y + 4)$

`+`

2

$t(y + 4)$

$2x, t(y + 4)$

(8)

**Exercice 9 :** Construire l'arbre qui permet de stocker l'expression suivante

**Exercice 10 :** Même question pour  $(1 + 2 \cdot x + 3 \cdot x^2)^4$

[> #Les listes et les suites

[>  $L := 1, 2, a, x + y, \frac{1}{x}$

(9)

$$L := 1, 2, a, x + y, \frac{1}{x} \quad (9)$$

> LL := [L]; op(3, LL);

$$LL := \left[ 1, 2, a, x + y, \frac{1}{x} \right] \quad (10)$$

a

> S := seq(k<sup>2</sup>, k=1..20); LLL := [S]

S := 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100, 121, 144, 169, 196, 225, 256, 289, 324, 361, 400

LLL := [1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100, 121, 144, 169, 196, 225, 256, 289, 324, 361, 400] (11)

**Exercice 11 : Construire la liste des coefficients de la ligne n=12 du triangle de Pascal en utilisant**

$$\frac{n!}{p!(n-p)!}$$

**Exercice 12 : Même question** \cdot \frac{n}{1} \cdot \frac{(n-1)}{2} \cdot \dots \cdot \frac{(n-p+1)}{p} : On pourra utiliser la fonction convert

pour réaliser le produit des éléments d'une liste. En déduire la somme des éléments de la ligne n=12 du triangle de Pascal. Refaire ce travail pour toutes les lignes entre 1 et 12.

**Exercice 13:** En utilisant le développement de (1+x)<sup>n</sup>, et la fonction convert() qui peut convertir une expression en liste, donner la liste des coefficients binomiaux de la ligne n=12 du triangle de Pascal.

**Exercice 14 :** En utilisant des boucles for, donner la liste des coefficients binomiaux de la ligne n=12 du triangle de Pascal.

**Exercice 15 :** En utilisant des boucles for, donner la liste des entiers premiers inférieurs à 100.

**Exercice 16 :** En utilisant des boucles for, donner la liste des couples (x,x+2) où a et x+2 sont premiers pour x inférieur à 1000.

[>